

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج العمانية



الملف مذكرة شاملة حول مبدأ العد والتبادل والتوافق

[موقع المناهج](#) ← [المناهج العمانية](#) ← [الصف الثاني عشر](#) ← [رياضيات تطبيقية](#) ← [الفصل الأول](#)

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر



روابط مواد الصف الثاني عشر على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر والمادة رياضيات تطبيقية في الفصل الأول

<a href="#">الكراسة التدريبية الشاملة ( الإنتاج والتسويق في مؤسسة الأعمال )</a>	1
<a href="#">الكراسة التدريبية الشاملة ( التبادل والتوافق )</a>	2
<a href="#">الكراسة التدريبية الشاملة ( الدفع والتأمين )</a>	3
<a href="#">كراسة تدريبية</a>	4
<a href="#">كراسة أساسيات الرياضيات</a>	5

مبدأ العذر

والتباعد بين  
التنوير في حق

محمد بن سالم  
الشعبي  
الملف في طور الاستكمال

# التباديل

• هو ترتيب - تنظيم - صف : ر من الأشياء في ن من الأماكن.

$$(1 + r - n) \times \dots \times (1 - n) = \frac{n!}{(r - n)!} = {}^n P_r$$

$$n \geq r \geq 0$$

التطبيقات

## قواعد هامة :

$$n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot n$$

$$n! = n \cdot (n-1)!$$

$$0! = 1$$

$$n! = n \cdot (n-1)!$$

$$1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot n = n!$$

$$n! = n \cdot (n-1)!$$

مثال (١) أوجد المجهول في كل مما يأتي :-

$${}^n P_6 = \frac{!10}{!6}$$

$$\frac{2!}{2} = 2$$

$$\frac{!17}{\dots} = 0.5^2$$

$$\frac{!z}{!y} = {}^0Cz$$



$$\frac{n!}{n!} = 1$$

$$\frac{\dots}{!v} = v \cup v^{-1}$$

$$\frac{!(1 - \nu)}{!(2 - \nu)} = \nu^{-3} \nu^{1 - \nu}$$

$$\frac{!(n-2)}{!(4-n)(3-n)(2-n)} = \frac{1}{(4-n)(3-n)(2-n)}$$

امثلة على القاعدة  $(1+r-v) \times \dots \times (1-v)v = v^r$

$$1 \times 2 \times \dots \times 4 \times 4 \times 4 \times 5 = v^5$$

$$1 \times \dots \times 5 \times 5 \times 5 \times 6 = v_{10}$$

$$6 \times \dots \times (1-v) \times v = v_{20}$$

مثال : أوجد المجهول فيما يلي :-

$$١٢ = ٧٢ ر$$

$$٧٢٠ = ١٢ ر$$

$$١٢٠ = ٧٢ ر$$

$$990 = 3 \times 10^2$$

$$120 = 5 \times 10^1$$

$$720 = 3 \times 10^2$$

$$12 = 2 \times 10^1$$

$$٢١٠ = ٧٢٠$$

$$٧٢٠ = ١٢$$

$$١٢ = ٢١٠$$



$$1 = \text{المر}$$

$$720 = \text{المر}^6$$

$$120 = \text{المر}^5$$

مثال :- أوجد المجموع فيما يلي :

$${}_2U^v \times 5 = {}_3U^{1+v}$$

$$(1 - \nu^2) \times 0 = \nu^{1+\nu}$$

$${}_2C^{-n} \times 30 = {}_4C^{+n}$$

$$r^2 \times \epsilon = r^{2+\epsilon}$$

$$r^{\circ} = r^{\bullet}$$

$$e_n = r_{n-1} = e_{n-1}$$

---

(٢١) إذا علمت أن  $٢١٠ = ٣ل^٣ + ٧ل$  ،  $١٢٠ = ٥ل^٣ - ٧ل$  فأوجد قيمة كل من  $س$  ،  $ص$  .

---

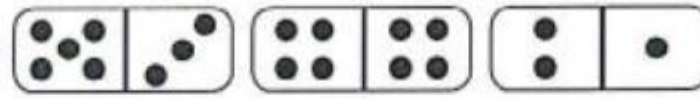


(٩) إذا كان  $7 \times 6 \times 0 = \frac{7 \times 6 \times 0}{x}$  فما قيمة  $x$  ؟

- ٦
- ٤

- ٧
- ٥

١٠) لديك ثلاث قطع دومينو فبكم طريقة يمكن تنظيمها  
طوليا على خط أفقي؟



١٢

٦

٤٨

٢٤

## التوافق

- هو اختيار ر من الأشياء من بين ن من الأشياء .
- مثال :

- اختيار طالبين لمسابقة تحفيظ القرآن الكريم.
- عدد المجموعات الجزئية الثانية من مجموعة { أ ، ب ، ج ، د }
- توزيع ١٥ هدية متشابهة على أفضل ١٥ طالب من بين ٢٥ طالب.
- توزيع طلاب الصف ( ٢٠ ) على ثلاث رياضيات ( قدم ١١ ، طائرة ٦ ، تنس ٣ ).
- عدد المثلثات المرسومة من ٤ نقاط في الفضاء ليست على استقامة واحدة.
- عدد المصاحفات التي تتم بين المصلين ( ٣٠ مصلي ) بعد صلاة الفجر.
- اختيار لجنة تمثل المدرسة أولمبياد الرياضيات.

$$\frac{!10}{!(4-10) \times !4} = \binom{10}{4}$$

$$\frac{!10}{!6 \times !4} =$$

$$\frac{!7 \times 7 \times 8 \times 9 \times 10}{!7 \times !4} =$$

$$!7 \times !4$$

$$\frac{7 \times 8 \times 9 \times 10}{1 \times 2 \times 3 \times 4} =$$

$$1 \times 2 \times 3 \times 4$$

اشكال قاعدة التوافيق:-

الشكل الأول ( الأساسي )

$$\frac{!r}{!(r-r) \times !r} = \binom{r}{r}$$

$$r \geq r \geq 0$$

(٧) مجموعة قيم  $s$  الممكنة التي تحقق  $(\hat{s})$  ، حيث  $s \in \mathbb{R}$  هي:

$$s > 0 \text{ و } s \geq 8 \quad \square$$

$$s \geq 0 \text{ و } s \geq 8 \quad \square$$

$$s > 0 \text{ و } s > 8 \quad \square$$

$$s > 0 \text{ و } s > 8 \quad \square$$

تمارين على الشكل الأول: أكد الفراغات

$$\frac{\dots}{!9 \times !4} = \binom{\dots}{4} \quad (3)$$

$$\frac{!12}{\dots \times \dots} = \binom{\dots}{7} \quad (2)$$

$$\frac{\dots}{!6 \times \dots} = \binom{9}{3} \quad (1)$$

تابع السؤال الثالث:

(٢١) إذا كانت  $\binom{9}{6} = \frac{س}{ص \times 3!}$  ، فأوجد قيمة  $\frac{س}{ص}$  .

---

---

---

٤) نزل لاعبو منتخب كرة قدم في أحد الفنادق، بينما تأخر ٥ لاعبين وحين وصولهم للفندق وجدوا ٧ غرف خالية، فبكم طريقة يستطيع كل واحد منهم أن يسكن غرفة بمفرده؟

(أ) ١٢٠

(ب) ٨٤٠

(ج) ٢٥٢٠

(د) ٥٠٤٠





$$\frac{!9}{!5 \times 22} = \binom{9}{2} (2)$$

$$\frac{120}{6 \times (2-2)} = \binom{\dots}{\dots} (0)$$

تمارين على الشكل الأول: أكمل الفراغات

$$\binom{\dots}{\dots} = \frac{\dots}{\dots \times 5!} = \binom{20}{\dots} \quad (1)$$

$$\binom{6}{\dots} = \frac{\dots}{\dots \times 24} = \binom{6}{\dots} \quad (2)$$

$$\binom{2}{\dots\dots\dots} = \frac{2!}{r! \times \dots} = \binom{2}{\dots\dots\dots} \quad (3)$$

$$\binom{1-2}{\dots\dots\dots} = \frac{\dots}{\dots \times \dots} = \binom{1-2}{2-2} \quad (4)$$

$$\binom{\dots}{\dots} = \frac{\dots}{\dots \times 10} = \binom{20}{\dots} \quad (5)$$

$$\binom{6}{\dots} = \frac{\dots}{\dots \times 24} = \binom{6}{\dots} \quad (6)$$

$$\binom{2}{\dots} = \frac{\dots}{\dots \times 2} = \binom{2}{\dots} \quad (7)$$

## الشكل الثاني

$${}^n P_r = \binom{n}{r} \times r! \iff \frac{{}^n P_r}{r!} = \binom{n}{r}$$

$${}^m P_n = \binom{m}{n} \times n!(1-n)$$

$${}^1 P_6 = \binom{1}{6} \times 6!$$

$$\frac{{}^8 P_2}{2!} = \binom{8}{2}$$

تمرین : اختصر ما يلي

$$\frac{n^r}{\binom{n}{r}} \quad (1)$$

$$\frac{\binom{n}{r} \times r!}{n^r} \quad (3)$$

$$\frac{\begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \times 4}{\sqrt{2}} \quad (2)$$

$$\frac{\binom{2}{r} r!}{1-r^2} \quad (3)$$

$$= \binom{10}{3} (3)$$

$$\frac{3 \cdot 10!}{13} (1)$$

$$\frac{10!}{13} (ب)$$

$$(ج) 10! - 13$$

$$(د) 10! - 13$$



تمرين : أوجد المجهول فيما يلي

$$(1) \quad \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$!(1 - 2) = \binom{2}{2} :_{2} S^w (2)$$

$${}_2C_{1+\nu} \times 0 = \frac{\binom{\nu}{1-\nu} \times \nu! (\nu + \nu)}{{}_1-\nu C_{\nu}} \quad (3)$$

$$r_3 = \frac{r_2}{1-r_2} \quad (4)$$

$$\frac{r_2}{r_3} = \begin{pmatrix} r_2 \\ r_3 \end{pmatrix} : \begin{pmatrix} r_2 \\ 1-r_2 \end{pmatrix}$$

أوجد  $r_2$

تذكر بأن :

$$\frac{6 \times 7 \times 8}{1 \times 2 \times 3} = \begin{pmatrix} 8 \\ 3 \end{pmatrix}$$

$$\frac{n(n-1)}{2!} = \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$$

$$\frac{\dots n^2}{2^4} = \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$$

ج) إذا كان  $\begin{pmatrix} s \\ 0 \end{pmatrix} : \begin{pmatrix} s \\ 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix}$ ، فأوجد قيمة  $s$ ؟

(٩) إذا كان  $\binom{n}{3} = 10$ ، فإن قيمة  $n$  تساوي:

٧

٥

١٣

١٠

(١٠) إذا علمت أن  $\binom{n}{r} \times n! = 96$  ،  $r! = 6$  ، فإن  $n! =$

٦

٣

٢٤

١٦



$$(٢١) \text{ إذا كان } \frac{\binom{n}{r+1}}{\binom{n}{r}} = \frac{1}{4} \times \frac{n! r!}{(n-r)! (r+1)!}, \text{ فأوجد قيمة } r.$$

(د) أثبت أن  $(n+1) \times \binom{n}{r} = n \binom{n}{r-1} + \binom{n}{r}$

---

تابع السؤال الثالث:

(٢٢) إذا كان  $n! = \binom{n}{0}$ ، فأوجد قيمة  $n$ .

---

ملاحظات سريعة هامة جدا :-

$$1 = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$1 = \begin{pmatrix} \sim \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \sim \\ \sim \end{pmatrix} \quad \text{الملاحظة (1)}$$

أوجد قيمة المجهول فيما يلي

$$1 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ r \end{pmatrix} \quad (1)$$

$$1 = \begin{pmatrix} 1 - \sim^2 \\ \sim \end{pmatrix} \quad (2)$$

$$1 = \begin{pmatrix} \sim \\ 1 - \sim^2 \end{pmatrix} \quad (3)$$

تذكر أن

ن

تمرين : أوجد قيمة ن حيث  $1 < \begin{pmatrix} 2 \\ 8 \end{pmatrix}$  ،  $1 < \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \end{pmatrix}$

$$1 < \begin{pmatrix} 2 \\ 8 \end{pmatrix} \quad \text{مر } \neq \text{ بيان ح}$$

(٩) إذا كان  $\binom{n}{n} + \binom{n}{n-1} = 12$ ، فإن قيمة  $n$  تساوي:

٦

٤

١٣

١١

## الملاحظة (٢)

$$o = \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 \\ 4 \end{pmatrix}$$

$$v = \begin{pmatrix} v \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} v \\ 1-v \end{pmatrix}$$

أوجد قيمة المجهول فيما يلي

$$v = \begin{pmatrix} 6 \\ 1-v \end{pmatrix} \quad (1)$$

$$v_2 = \begin{pmatrix} v_2 \\ 1 \end{pmatrix} \quad (2)$$

٣ قواعد هامة تساعدك على سرعة الحل

almanahj.com/Or

المنهجية الحاسوبية



القاعدة (١): قاعدة المساواة

$$\left[ \begin{array}{l} \mu = \nu \\ \mu - \nu = 0 \end{array} \right] \Leftrightarrow \begin{pmatrix} \nu \\ \mu \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \nu \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\left[ \begin{array}{l} \nu = 0 \\ 0 = \nu - \nu = 0 \end{array} \right] \Leftrightarrow \begin{pmatrix} \nu \\ \nu \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \nu \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$1 \ 2 = 2 + 1 \ 0 = \nu \Leftrightarrow \begin{pmatrix} \nu \\ \nu \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \nu \\ 1 \ 0 \end{pmatrix}$$

الاجابة

$$\nu \begin{pmatrix} 2 + \nu \\ \nu \\ 1 + \nu \end{pmatrix}$$

(٨) إذا كانت  $l = r - 4$  ،  $\binom{\hat{r}}{3} = \binom{\hat{r}}{r-4}$  ، فإن مجموعة قيم  $l$  هي:

$\{8, 3\}$

$\{3, 5\}$

$\{-1, 11\}$

$\{-1, 1\}$

تابع الأسئلة الموضوعية:

١٠) إذا كان  $\binom{9}{3} = \binom{9}{ص٣}$ ، فإن قيم ص الممكنة هي:

٣،١

٢،١

٦،٢

٣،٢

$$\binom{n}{24-n} = \binom{n}{4}$$

ج ) أوجد مجموعة حل المعادلة :

القاعدة الثانية للتوافيق ( قاعدة الجمع )

$$\binom{1+r}{r} = \binom{r}{r-1} + \binom{r}{r}$$

$$\binom{7}{4} = \binom{6}{4} + \binom{6}{3}$$

$$\binom{r}{r-1} = \binom{r-1}{r-2} + \binom{r-1}{r-1}$$

تمارين على قاعدة الجمع : أكمل ما يلي

$$\begin{pmatrix} 9 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \dots \\ 5 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 6 \\ \dots \end{pmatrix} \quad (1)$$

$$\begin{pmatrix} \dots \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8 \\ \dots \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 8 \\ \dots \end{pmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \quad (3)$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \dots \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ \dots \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix} \quad (4)$$

تمرین : أوجد قيمة ن ، ر اذا كان  $\begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 6 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 5 \end{pmatrix}$



تمرين : أوجد قيمة  $n$  ،  $r$  اذا كان  $\begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ r \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 1-r \end{pmatrix}$

# القاعدة الثالثة : قاعدة النسبة

$$\frac{(1-r) - r}{r} = \frac{\begin{pmatrix} 2 \\ r \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} 2 \\ 1-r \end{pmatrix}}$$

$$\frac{r - r}{1-r} = \frac{\begin{pmatrix} 2 \\ 1-r \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} 2 \\ r \end{pmatrix}}$$

$$\frac{2 - r}{0} = \frac{\begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix}}$$

$$\frac{r}{2 - 1 + r} = \frac{\begin{pmatrix} 2 \\ r \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} 2 \\ 1+r \end{pmatrix}}$$

$$\frac{r}{0 - r} = \frac{\begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} 2 \\ r \end{pmatrix}}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{2 - 1 \cdot 0}{3} = \frac{\begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}}$$

تمارين القاعدة الثالثة : قاعدة النسبة

$$\frac{5}{11} = \frac{\begin{pmatrix} 15 \\ 1-r \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} 15 \\ r \end{pmatrix}} \quad \text{أوجد قيمة } r \text{ إذا علمت أن}$$

## أكمل الفراغات فيما يلي

$$\frac{\dots\dots\dots}{\dots} = \frac{\begin{pmatrix} ٢ \\ ٣ - ٣ \\ ٢ \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} ٢ \\ ٢ - ٣ \end{pmatrix}}$$

$$\frac{٨ - ١٢}{\dots} = \frac{\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}}$$

$$\frac{٦}{\dots} = \frac{\begin{pmatrix} ١٥ \\ \dots \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} ١٥ \\ ٦ \end{pmatrix}}$$

أوجد قيمة  $r$  حيث

$$\frac{2}{4} = \frac{\binom{5}{r} + \binom{5}{r+1}}{\binom{6}{r}}$$

$$(٢) \text{ إذا كان } (٢-٣) ل = ٢٤٢ = ٢٤٢ ، \text{ } ل^٧ = ٢١٠$$

فأوجد قيمة  $(\frac{ل}{س} - ٤) !$

(٢) إذا كان  $l^{(n-1)} = (1-r) : (n-r) = \frac{r!}{(n-r)!}$  فأوجد قيمة  $n$  .

(٣) إذا كان  $l = 60^\circ$  ، فإن قيمة  $s =$

(أ) ٢

(ب) ٣

(ج) ٥

(د) ٦





٨) عائلة مكونة من أب وأم وأربعة أطفال، يُراد ترتيب وقوفهم معاً في صف واحد من أجل أخذ صورة تذكارية لهم. عدد الطرق الممكنة لذلك تساوي:

- (أ)  $\binom{6}{6}$  (ب)  $6!$  (ج)  $3!$  (د)  $6!$

٩) عدد الطرق لاختيار ثلاثة أنواع مختلفة من النخيل لزراعتها في إحدى المزارع من بين تسعة أنواع مختلفة تساوي:

- (أ)  $3!$  (ب)  $3 \times 9$  (ج)  $9!$  (د)  $\binom{9}{3}$

تابع السؤال الثالث:

(٢١) إذا كان:  $\binom{n}{r-1} \times 5 = \binom{n}{r}$  ،  $\binom{n}{r} \times 3 = \binom{n}{r-1}$  ، فأوجد قيمة  $r$ .

تابع السؤال الثالث:

(٢٠) تقدم في إحدى المدارس ١٨ طالبًا للمشاركة في الأنشطة المدرسية المختلفة:

أ. بكم طريقة يمكن اختيار ٦ طلاب منهم لجماعة الكشافة؟

---

---

---

---

---

---

ب. بكم طريقة يمكن اختيار (رئيس ، نائب رئيس) لجماعة الكشافة من بين الطلاب الذين تم اختيارهم؟

---

(٧) إذا كان  $\binom{n}{r} = m$ ، فإن  $n! = r!$

(أ)  $\frac{m}{r!}$

(ب)  $m \times r!$

(ج)  $\frac{m}{r}$

(د)  $m \times r$

(٨) إذا كان  $n! = 17 \times 16 \times 9 \times 2$ ، فإن قيمة  $n$  تساوي:

(أ) ١٨

(ب) ١٧

(ج) ١٦

(د) ١٥

(٢١) يضم فريق لكرة القدم ١٦ لاعبًا وحارسان للمرمى، بكم طريقة يمكن اختيار مجموعة أساسية من ١٠ لاعبين وحارسٍ للمرمى من أجل لعب مباراة؟

(٢٢) أختير ٣ أشخاص معًا من مجموعة مكونة من ٥ رجال و٤ نساء، بكم طريقة يمكن اختيار الأشخاص الثلاثة إذا كان فيهم اثنان فقط من نفس الجنس؟

---

٩) كونت أربعة أعداد من مجموعة الأرقام { ٢ ، س ، ٣ } بحيث يتكون كل عدد منها من ثلاثة أرقام مختلفة، فإن قيمة س تساوي:

٠ (د)

١ (ج)

٤ (ب)

٥ (أ)



١٠. مجموعة مكونة من ٧ رجال و ٦ نساء. عدد الطرائق الممكنة لتشكيل لجنة مكونة من خمسة أشخاص

بحيث لا يقل عدد الرجال فيها عن ثلاثة هو:

$$(أ) \binom{7}{0} \binom{6}{5} + \binom{7}{1} \binom{6}{4} + \binom{7}{2} \binom{6}{3} + \binom{7}{3} \binom{6}{2}$$

$$(ب) \binom{7}{0} \binom{6}{5} + \binom{7}{1} \binom{6}{4} + \binom{7}{2} \binom{6}{3}$$

$$(ج) \binom{7}{2} \binom{6}{3}$$

$$(د) 5! \binom{7}{2} \binom{6}{3}$$

- اشترك ٩ طلاب في سباق ١٠٠ متر جري. أوجد:-
- (١) عدد الطرق الممكنة لتعيين الفائزين الثلاثة الأوائل بالترتيب؟
  - (٢) عدد الطرق الممكنة لاختيار ٥ طلاب لتمثيل المدرسة .

إذا كان  $\binom{n}{r} = 35$  ،  $n! = 210$  أوجد قيمة  $n$  ،  $r$

إذا كان  $210 = 2^m 3^n$  ،  $6 = 2^p 3^q$  ، أوجد قيمتي أ ، ب

إذا كان  $b^+ = 5.4$  ،  $b^- = 2.0$  ، أوجد قيمتي أ ، ب

$$\frac{1 + r - z}{r} = \frac{\begin{pmatrix} z \\ r \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} z \\ 1 - z \end{pmatrix}}$$

اثبت ان

أوجد قيم  $r$  التي تحقق المعادلة  $\begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ r \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 9 \\ r \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 9 \\ 1-r \end{pmatrix}$

بكم طريقة يمكن تكوين لجنة للمقابلات من بين ١٠ أشخاص ، و ذلك في الحالتين :-

(١) اللجنة مكونة من ٤ أشخاص

(٢) اللجنة مكونة من رئيس و نائب و عضوين .



إذا كان  $v_6 = \begin{pmatrix} r - v^2 \\ 3 \end{pmatrix}$  ،  $v_8 = \begin{pmatrix} r + v \\ 2 \end{pmatrix}$  . أوجد  $n$  ،  $r$

اختبار مكون من ٨ أسئلة . بكم طريقة يستطيع أن يختار ٦ منها اذا كان :-

(١) الاختيار غير محدد.

(٢) يجب عليه الإجابة على سؤالين على الأقل من بين الثلاثة الأولى.

(٣) الأول و الأخير اجباريان.

إذا كان  $\begin{pmatrix} 7 \\ 3+r \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7 \\ 5-2r \end{pmatrix}$  . أوجد قيم  $r$  الممكنة

أوجد قيمتي ن ، ر .

$$\frac{r}{2} = \frac{\binom{2}{r}}{\binom{2}{1-r}} \quad , \quad r = \frac{2^r}{1-2^r} \text{ إذا كان}$$

---

٢٠) بكم طريقة يمكن توزيع ٧ ألعاب على ٣ أطفال بحيث يُعطى الأصغر ٣ لعب، وكلاً من الطفلين الآخرين لعبتين؟

مجموعة مكونة من ٥ مدرسين أحياء ، ٤ مدرسين كيمياء ، ٣ مدرسين فيزياء . بكم طريقة يمكن تكوين لجنة من هذه المجموعة في الحالات التالية :-

(١) اللجنة مكونة من ٤ مدرسين

(٢) اللجنة مكونة من مدرسين أحياء ، و مدرس كيمياء ، و مدرس فيزياء.

(٣) اللجنة مكونة من مدرس أحياء ، و مدرس كيمياء ، و مدرس فيزياء احدهما رئيسا للمجموعة.

(٤) للجنة رئيس و نائب رئيس ، و مدرس . بحيث يكون جميع أعضاء اللجنة من الثلاثة مواد

اشترك ٢٠ موظفين في جمعية مالية . أوجد :-

- (١) عدد الطرق الممكنة لتعيين رئيس و نائب رئيس و امين صندوق للجمعية .
- (٢) عدد الطرق الممكنة لاختيار ٥ من الموظفين لتوزيع أدوار الجمعية .

١٠) اختباريشتمل على (٨) أسئلة، ما عدد طرق الإجابة على (٦) أسئلة منها، إذا علم أن السؤالين الأول والثاني إجباريان؟

$$\binom{8}{6} \square$$

$$\binom{8}{4} \square$$

$$\binom{6}{6} \square$$

$$\binom{6}{4} \square$$



$$\begin{pmatrix} 1 + 2 \\ 1 + r \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 + r \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2 \\ r \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2 \\ 1 - r \end{pmatrix} \quad \text{أثبت أن}$$

إذا كان  $120 = \binom{2}{2}$  . أوجد قيمة  $\binom{1+2}{4}$

في جمعية رياضية عددها ٣٠ عضوا . بكم طريقة يمكن اختيار رئيس للجمعية و عضوين لمجلس الإدارة .

مجموعة رياضيات مكونة من ٩ أشخاص . بكم طريقة يمكن اختيار لجنة من ٥ أشخاص في الحالات التالية :-

(١) بدون شروط

(٢) اللجنة مكونة من رئيس و نائب الرئيس و سكرتير و مقرر و عضو .

اللجنة مكونة من رئيس و نائب و ثلاثة أعضاء

---

(٢١) إذا كان  $\binom{n}{1} = 3$ ،  ${}_3J^{n+m} = 60$ ، أوجد قيمة كلا من  $m$ ،  $n$ .

---

---

(٢٢) بكم طريقة يمكن اختيار عدد زوجي من ٤ أعداد زوجية وعددين فردين من ٥ أعداد فردية.

---

أكمل :

$$\dots\dots\dots = (1 - \nu^2) (\nu^4 - \nu^3)$$

مجموعة مكونة من ٥ طلاب ، ٤ طالبات. بكم طريقة يمكن تشكيل لجنة من هذه المجموعة مكونة من ٥ أفراد في الحالات التالية :-  
(١) بدون شروط.

(٢) من طالب رئيسا و عضوين ( من الطلاب ) و طالبتين.

(٣) من ثلاثة طلاب على الأقل.

(٤) من طالبتين على الأكثر



أوجد قيمة ن ، ر اذا علمت أن  $١٠ \times ٢١ = ٧٧٠$

إذا كانت  $S = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  أوجد :-

- (١) عدد المجموعات المكونة من عنصرين أو ثلاثة عناصر
- (٢) عدد العناصر في كل مجموعة إذا كان عدد المجموعات الجزئية يساوي ١٥ مجموعة .
- (٣) عدد الأعداد المكونة من ٣ أرقام مختلفة.
- (٤) عدد الأعداد المكونة من ٤ أرقام و تقبل القسمة على ٥.
- (٥) عدد الأعداد المحصورة بين ٢٠٠ و ٥٠٠.
- (٦) عدد زوجي رباعي و يقبل القسمة على ١٠

اوجد ن اذا علمت أن  ${}_{25}C_{n-2} \times \frac{15}{7} = \binom{2}{3}$

$$\frac{0}{1} = \frac{\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & r \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ r \end{pmatrix}}$$

أوجد قيمة  $r$  حيث

إذا كان  $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 - 2r & r \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & r + 5 \end{pmatrix}$  . أوجد قيم  $r$  الممكنة

أوجد قيمة  $n$  اذا كان  $\begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix}_1 \cdot 2 = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}_5$

في احد المراكز الانتخابية للمجلس البلدي كان عدد المرشحين ٦ رجال ، ٣ نساء . بكم طريقة يمكن اختياراً ربعة اشخاص ممثلين للمركز بينهم على الأكثر مرشحتين من النساء

أوجد قيمة  $r$  اذا كان

$$\begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 1 & -r \end{pmatrix} (1+r) = \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ r & \end{pmatrix}$$



أوجد قيمة  $n$  حيث  $2^{2n} = 50 + 2^n \times 2$

$$\binom{1+r}{r} = \binom{1+r}{1-r} + \binom{1+r}{r}$$

أثبت أن

أوجد قيمة

 [almanahj.com/or](http://almanahj.com/or)  
المنهج العلمي

إذا كان  $\mathbf{v} = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$  . أوجد  $\mathbf{v} \cdot \mathbf{e}$

بكم طريقة يمكن جلوس ٣ معلمين فيزياء ، ٢ معلم كيمياء ، ٤ معلم رياضيات على ٩ كرسي على شكل صف .

(١) بدون شروط

(٢) معلمي كل مادة متجاورين

(٣) معلمي الرياضيات فقط متجاورين .

(٤) معلمي الفيزياء و الكيمياء متجاورين .

بكم طريقة يمكن جلوس ٣ طلاب على ٧ كراسي على شكل صف في الحالات التالية :-

(١) دون شرط

(٢) متجاورين .

(٣) غير متجاورين .

(٤) اصر اثنين على الجلوس متجاورين و الثالث غير متجاور معهم .

من بين مجموعة مدرسين ( ٤ كيمياء ، ٢ فيزياء ، ٥ أحياء) بكم طريقة يمكن اختيار لجنة مكونة من ثلاثة  
مدرسين على النحو الآتي :-  
(١) من الكيمياء و الأحياء  
(٢) من الأحياء أو الفيزياء  
(٣) فقط من الكيمياء

بكم طريقة يمكن توزيع ٩ هدايا مختلفة على ثلاثة طلاب مجيدين . بحيث يأخذ الأول ( ٤ هدايا ) و الثاني ( ٣ هدايا ) والثالث ( هديتين )



بكم طريقة انتخاب لجتين من بين ٨ أشخاص كل منهم تتكون من ٣ اشخاص ، بحيث  
لا يكون شخص واحد عضوا في اللجتين.

---

تابع الأسئلة المقالية:

(٢٣) أثبت أن:  $\frac{n}{r} = \binom{n}{r} : \binom{n}{1-r}$

(٧) إذا كان  $\binom{13}{6} = \frac{!13}{!(13-6) \times !6}$  ، فإن قيمة م تساوي:

٦

٣

١٣

٧

(٨) ما قيمة  $\binom{N}{2}$  ، إذا كان  $\binom{N}{9} = \binom{N}{11}$  ؟

١٩٠

٣٨٠

٢٠

٥٥

١٠) يُراد وضع ثمانية كُتب رياضيات وثلاثة كُتب كيمياء على أحد رفوف مكتبة المنزل. بكم طريقة

يمكن وضعها، بحيث تكون كتب الرياضيات متجاورة، وكتب الكيمياء متجاورة؟

$$2 \times (3 + 8) \quad \square$$

$$3 + 8 \quad \square$$

$$2 \times (3 \times 8) \quad \square$$

$$3 \times 8 \quad \square$$

(ب) يراد تشكيل ٣ لجان مختلفة تمثل إحدى المدارس في المسابقات الثقافية على مستوى المحافظة التابعة لها، بحيث تتكون كل لجنة من طالبين فقط، فإذا كان عدد المتقدمين ١٠ طلاب، بكم طريقة يمكن تشكيل اللجان؟



إذا كان  ${}^m P_m = 210$  ،  ${}^{m+2} P_m = 720$  . أوجد  $\binom{m}{2}$

إذا كان  $v_2 = 90$  ،  $\begin{pmatrix} v \\ r_2 + v \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} v \\ 5 + r_2 \end{pmatrix}$  . أوجد  $\begin{pmatrix} v \\ 3 + r_7 \end{pmatrix}$

تابع السؤال الأول:

(٧) إذا كان  $\binom{5}{s} = 1$ ، فإن مجموعة قيم  $s$  تساوي:

$$\{0, 1\} \quad \text{O}$$

$$\{1, 4\} \quad \text{O}$$

$$\{0, 5\} \quad \text{O}$$

$$\{0, 1\} \quad \text{O}$$



صندوق يحتوي على ٧ كرات منها واحدة فقط حمراء و الباقي من الوان مختلفة . بكم طريقة يمكن اختيار ٤ كرات منها معا في الحالات التالية :

- (١) احدهما حمراء
- (٢) احدهما على الأكثر حمراء

إذا كان  $\binom{n}{r} = 1$  ،  $n = r + 3$  ،  $\frac{!(r2)}{!5} =$  . أوجد قيمة  $n$  ،  $r$

اوجد قيمتي ن ، ر اذا كان  ${}^n P_r = 336$  ،  ${}^n C_r = 56$

اوجد قيمتي ن ، ر اذا كان  ${}^n P_r = 720$  ،  ${}^n C_r = 120$

اوجد قيمة  $r$  حيث  $r$  عدد صحيح :  ${}_{24}P_r = \binom{24}{r}$

اوجد قيمة ن حيث  ${}^n P_3 = \binom{n}{3} = (n-2)!$

$$\frac{10}{11} = \frac{\binom{3}{1+r} + \binom{3}{2+r}}{\binom{3}{r} + \binom{3}{1+r}}$$

أوجد قيمة  $r$  حيث

أوجد قيمتي  $n$  ،  $r$  حيث  $\binom{n}{r-7} = \binom{n}{r+3}$  ،  $n!r = 720$



إذا كان  $0:9 = \begin{pmatrix} z \\ 1-r \end{pmatrix} : \begin{pmatrix} z \\ r \end{pmatrix}$  ،  $\begin{pmatrix} 10 \\ 5-r \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 10 \\ r \end{pmatrix}$  أوجد ن ، ر

إذا كان  $z^r = 336$  ،  $z = \begin{pmatrix} z \\ r \end{pmatrix} : \begin{pmatrix} z \\ r+1 \end{pmatrix} = 5 : 5$  أوجد  $n$  ،  $r$

في احدى المدارس الثانوية يُراد اختيار ٤ طلاب من بين ١٠ طلاب متميزين لتمثيل المدرسة في احدى المسابقات. بكم طريقة يتم ذلك في الحالات التالية :-

(١) دون شرط

(٢) ان يكون طالب معين ضمن الفريق

(٣) ان لا يكون اثنين من الطلاب معا في الفريق.

مسجد يصلي به ٢٠ مصلي و من عاداتهم التصالح بعد صلاة الفجر. كم عدد المصالحات الممكنة :-

(١) بدون شروط

(٢) ٥ منهم لا يصافحون بسبب إجراءات كورونا

إذا كانت  $S = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ . أحسب ما يلي :-

(أ) عدد المجموعات الجزئية المكونة من عنصر أو عنصرين أو ٣ عناصر.

(ب) عدد المجموعات الجزئية الثنائية التي عناصرها أرقاما زوجية.

(ب) عدد الأزواج المرتبة.

(ج) عدد الأزواج المرتبة التي أحداثها السيني عدد اولي .

(د) عدد طرق تكوين عدد مكون من أربعة ارقام مختلفة بحيث يكون زوجيا و مئاته ٢ أو ٤.

(هـ) عدد طرق تكوين عدد فردي ويكون بين ٢٠ و ٥٠٠

إذا كان  $\begin{pmatrix} 2 \\ r_2 + 2r_1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ r_2 - 5 \end{pmatrix}$  ،  $15 = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix}$  ، أوجد  $\dots = \begin{pmatrix} 1 + r_2 \\ 2 \end{pmatrix}$

إذا كان  $\begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 2 & r \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ r & r \end{pmatrix}$  فأوجد  $r$

إذا كان  $n = r$ ،  ${}^n P_r = \binom{n}{r}$ ، فأوجد  $n$ ،  $r$



تابع السؤال الثالث:

٢٠) يراد ترشيح رئيس ونائبه، ثم ثلاثة أعضاء إداريين من بين ١٢ مرشحاً، بكم طريقة يمكن ذلك؟

---

---

---

---

$$r \cdot \frac{(1-r) + (1-r)^2 + (1-r)^3 + \dots}{(1-r)}$$

إذا كان

إذا كان  $v^T r = 140$  ،  $35 = \begin{pmatrix} 1-v \\ 1-r \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1-v \\ r \end{pmatrix}$  فأوجد  $v, r$

إذا كان  $h : \mathbb{R} = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & r \end{pmatrix} : \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ r \end{pmatrix}$  ، فأوجد  $\begin{pmatrix} v \\ 1 - r \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} v \\ r \end{pmatrix}$  ،  $v, r$

إذا كان  $\lambda = 0$ ،  $\begin{pmatrix} 2 \\ r - 2 \end{pmatrix}$  فأوجد  $\begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ r \end{pmatrix}$

إذا كان  $\binom{2}{2} = 1$ ،  $\binom{2}{1} = 2$ ،  $\binom{2}{0} = 1$ ، فأوجد  $n$ ،  $r$

إذا كانت  $S = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$  بكم طريقة يمكن كتابة :-

أولا : زوج مرتب حيث  $S \neq \emptyset$ .

ثانيا : عدد المجموعات الجزئية الثنائية العنصر.

ثالثا : عدد المجموعات الجزئية التي تحتوي على 6 عناصر على الأقل.

رابعا : رمز سري لبطاقة بنك

خامسا : لوحة سيارة من 4 ارقام.

سادسا : عدد فردي من 3 منازل .

سابعاً : عدد من 4 منازل مختلفة.

ثامنا : عدد زوجي من 4 منازل.

تاسعا : عدد يقبل القسمة على 5 من ثلاث منازل مختلفة

عاشرا : عدد زوجي محصور بين 19 و 300

إذا كانت  $S = \{أ، ب، ج، د، هـ\}$  أوجد عدد الطرق لتكوين

- (١) زوج مرتب ، احداثيه السيني لا يساوي احداثيه الصادي.
  - (٢) عدد المجموعة الجزئية الثنائية.
  - (٣) عدد المجموعة الجزئية التي تحتوي على عنصر على الأكثر .
  - (٤) عدد المجموعات الجزئية التي على عنصر على الأقل.
- ثانيا : إذا كانت النقاط أ، ب، ج، د، هـ نقاط في المستوى ليست على استقامة واحدة . كم عدد :

- كم عدد القطعة المستقيمة التي يمكن تكوينها

- كم عدد المثلثات.

- إذا كانت هناك ٣ نقاط على استقامة واحدة ، كم عدد المثلثات الممكن تكوينها



